

pa joj jedinica u MKSA sistemu

$$\mu_n = N/A^2$$

1) Ova ista jedinica se češće naziva *Henri po metru* i označava sa H/m (Henri je jedinica induktivnosti i o kojoj će biti govora u čl. 1.1.) U vakuumu magnetska permeabilnost iznosi

$$\mu_0 = 4\pi \cdot 10^{-7} \text{ H/m. } \quad (2.6)$$

Brojna vrednost konstante μ_0 se može, bar u principu, odrediti na osnovu merenja magnetne indukcije za datu strujnu konturu, postupkom koji je opisan u čl. 1.1. Jedan od postupaka za merenje konstante μ_0 koji se zasniva na merenju elektromagnetne sile, biće opisan u čl. 2.4.

2.1.1. Magneto polje naelektisanja u kretanju

Magneto polje koje okružava provodnike sa strujom usvareti je rezultat superpozicije magnetnih polja pojedinih elementarnih naelektisanja koja svojim kretanjem obrazuju električnu struju. Izraz za magnetnu indukciju jednog naelektisanja u kretanju se može lako dobiti iz obrasca (2.4) za polje jednog strujnog elementa:

$$\frac{\mu_0}{4\pi} \frac{d\vec{l} \times \vec{r}}{r^2}$$

Postupak je sličan onome koji je upotrebljen prilikom izvođenja izraza za Lorenovu električnu silu. Pošto je $\vec{j} = N' Q_e \vec{v}$, može se pisati

$$d\vec{l} = \vec{j} S dl = \vec{j} dV = N' Q_e \vec{v} dV,$$

odnosno

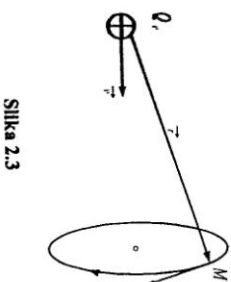
$$d\vec{l} = n Q_e \vec{v},$$

gde je $n = N' dV$ broj pokretnih naelektisanja u elementarnoj zapremini $dV = S dl$. Prema tome, magnetska indukcija što potiče od svih n pokretnih naelektisanja koja se trenutno nalaze u elementarnoj zapremini dV je data izrazom

$$\frac{\mu_0}{4\pi} \frac{n Q_e \vec{v} \times \vec{r}}{r^2}$$

Magnetska indukcija od jednog jednog pokretnog naelektisanja je

$$\vec{B} = \frac{\mu_0}{4\pi} \frac{Q_e \vec{v} \times \vec{r}}{r^2}. \quad (2.7)$$



Slika 2.3

Vektor \vec{B} je upravan na ravan što je obrazuju vektor brzine \vec{v} i radijus-poteg posmatrane tačke M u odnosu na trenutni položaj pokretnog naelektisanja, a smer je za pozitivno naelektisanje određen po pravilu desne zavojnice (slika 2.3). Brzina \vec{v} predstavlja brzinu naelektisanja u odnosu na posmatrača, odnosno na instrument za merenje indukcije.

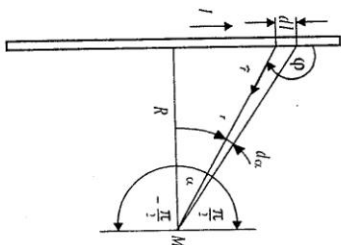
2.2. Primeri primene Bio-Savarovog zakona

2.2.1. Magneto polje beskonačno duge prave strujne niti.

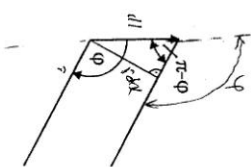
Kao prvo, primenimo Bio-Savarov zakon (2.4) da bismo izračunali magnetnu indukciju što je stvara struja u beskonačno dugom, tankom i pravom provodniku. Dobijeni rezultat mora biti u skladu sa eksperimentalno dobijenim zakonom (2.1), a omogućuje da se uspostavi veza između konstante proporcionalnosti k i magnetne permeabilnosti μ_0 .

Na slici 2.4 je prikazan sa svim potrebnim oznakama vrlo dug, prav i tank provodnik u kome se ima struja jačine I . Magnetnu indukciju ćemo računati u tački M koja se nalazi na odstojanju R od provodnika. Pošto su svi strujni elementi $d\vec{l}$ kolinearni i leže u ravni crteža, to će i elementarne indukcije $d\vec{B}$ u tački M takođe biti kolinearni vektori, normalni na ravan crteža, a smer im je određen po pravilu desne zavojnice u odnosu na smer struje u provodniku. Zbog toga se, prilikom izračunavanja rezultujuće indukcije \vec{B} , vektorsko sabiranje elementarnih indukcija može zamisliti algebarskim sabiranjem. Prema tome, intenzitet rezultujuće indukcije je

$$B = \frac{\mu_0}{4\pi} \int_{-\infty}^{+\infty} \frac{dI \sin \phi}{r^2}. \quad (2.8)$$



Slika 2.4



Integralenje treba protegnuti duž celog beskonačnog provodnika, tj. od $l = -\infty$ do $l = +\infty$.

Iz geometrijskih odnosa na slici 2.4 izlazi da je

$$dI \sin \phi = r d\alpha \quad \text{i} \quad r = \frac{R}{\cos \alpha},$$

2. Magneto polje stacionarne struje u vakuumu

pa je

$$B = \frac{\mu_0 I}{4\pi} \int_{-\pi/2}^{+\pi/2} \frac{\cos \alpha d\alpha}{R} = \frac{\mu_0 I}{4\pi R} \int_{-\pi/2}^{+\pi/2} \sin \alpha d\alpha$$

odnosno

$$B = \frac{\mu_0 I}{2\pi R} \quad (2.9)$$

Granice integrala $\alpha = -\pi/2$ i $\alpha = +\pi/2$ nove promenljive α odgovaraju beskonačno udaljenim krajevima provodnika.

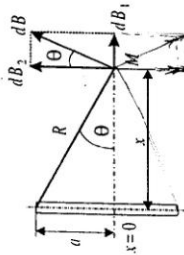
Rezultat (2.9) je u skladu sa (2.1), a konstanta proporcionalnosti k ima vrednost $\mu_0/2\pi$.

Kada $R \rightarrow 0$, indukcija teži beskonačno velikoj vrednosti. U stvarnosti, međutim, najmanja vrednost odsotjanja R ne može biti manja od poluprečnika poprečnog preseka provodnika. O izračunavanju magnetne indukcije u unutrašnjosti provodnika kružnog preseka biće govora u čl.3.1.1.

2.2.2 Polje kružne strujne konture.

Posmatrajmo kružnu strujnu konturu intenziteta I i poluprečnika a (slika 2.5), pa izračunajmo magnetnu indukciju u tačkama ose koja prolazi kroz centar konture i upravna je na njenu ravan. U tački M , koja se nalazi na odsotjanju x od ravni konture a na odsotjanju R od strujnog elementa $I dl$, elementarna indukcija ima intenzitet

$$dB = \frac{\mu_0 I dl}{4\pi R^2}$$



Slika 2.5

a pravac joj je normalan na potez \vec{R} i leži u ravni što je obrazuju potez \vec{R} i osa konture. Da bi elementarne indukcije, što potiču od raznih elemenata strujne konture, mogli lakše sabirati, razložićemo ih na komponentu $d\vec{B}_1$ u pravcu ose konture i u komponentu $d\vec{B}_2$, koja je upravna na osu. Pošto se komponente $d\vec{B}_2$, koje potiču od identičnih i dijametralno suprotnih elemenata međusobno potiru, ostaju samo komponente $d\vec{B}_1 = dB \sin \theta$.

S obzirom na to da su \vec{R} i θ isti za sve elemente strujne konture, nalazimo da je

$$B = \oint dB_1 = \frac{\mu_0 I}{4\pi R^2} \sin \theta \int_0^{2\pi} dl = \frac{\mu_0 I a^2}{4\pi R^3} \int_0^{2\pi} \frac{dq}{a} \quad (2.10)$$

$$R = \sqrt{a^2 + x^2}$$

2. Magneto polje stacionarne struje u vakuumu

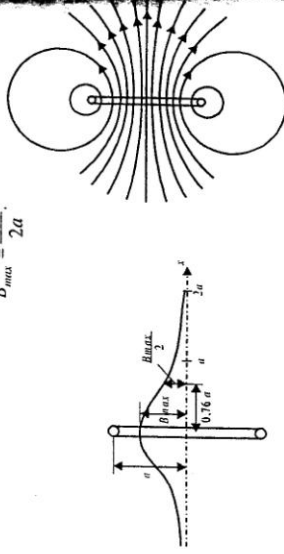
odnosno

$$B = \frac{\mu_0 I \sin^3 \theta}{2a} = \frac{\mu_0 I}{2} \frac{a^2}{(a^2 + x^2)^{3/2}}$$

Izračunavanje indukcije van ose predstavlja znatno složeniji problem.

Maksimalna vrednost indukcije ima se u samom centru konture i iznosi

$$B_{max} = \frac{\mu_0 I}{2a}$$



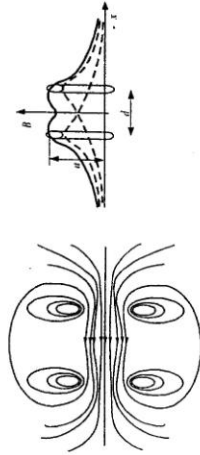
Slika 2.6

Dijagram na slici 2.6 predstavlja zavisnost intenziteta indukcije u tačkama ordinatne x

Na slici 2.7 je prikazan izgled linija magnetne indukcije u jednoj od njezinih tačaka x

Na osnovu rezultata (2.11) može se neposredno napisati izraz za magnetnu indukciju u tačkama ose x a koja potiče od dve identične, koaksijalno postavljene strujne konture na rastojanju d duž ose (slika 2.8). Intenzitet struje u konturama je I , a njihov poluprečnik je a . Ako se koordinatni početak stavi na sredini rastojanja između kontura, onda je

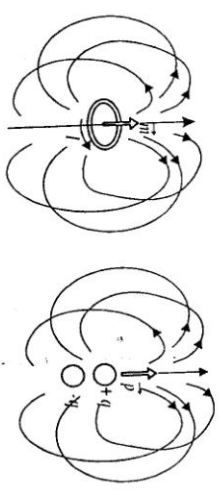
$$B = \frac{\mu_0 I}{2} \left[\frac{a^2}{(a^2 + (x+d/2)^2)^{3/2}} + \frac{a^2}{(a^2 + (x-d/2)^2)^{3/2}} \right]$$



Slika 2.8

Projekcije vektora magnetne indukcije, pa prema tome i sam vektor, zavisе isključivo od magnetnog momenta strujne konture. Pri tome treba podsetiti da u slicajui ravne strujne konture konacnih dimenzija (postavljene upravno na z-osu u koordinatnom početku) izrazi (2.17) i (2.18) važe samo na odslojajima koja su mnogo veća od poduznih dimenzija konture. Otiigledno je, međutim, da oni važe i za elementarnu strujnu konturu pri istim uslovima.

Ako se izrazi (2.19) uporede sa izrazima za sferne projekcije elektricnog polja elektricnog dipola (1.6(6-7)), lako je videti da su oni u matematičkom pogledu identični a razlikuju se samo u slovnim simbolima. Da bi se dobila i potpuna formalna identičnost treba zaminiti B sa E , ϵ_0 sa $1/\mu_0$ i magnetni moment m sa elektricnim momentom p . Otiigledno je da su i spektri linija polja u okolini elementarne strujne konture i u okolini elektricnog dipola isti. Spektri linija polja za strujnu konturu i dipol su uporedno prikazani na slici 2.11.



Slika 2.11

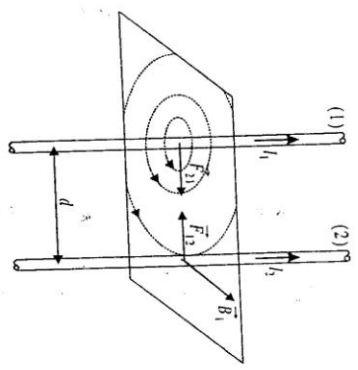
Kao što je već ranije rečeno, magnetni moment strujne konture je vektorska veličina, definisana kao

$$\vec{m} = I\vec{S},$$

gde je \vec{S} vektor površine konture čiji je pozitivnan smer određen po pravilu desne zavojnice u odnosu na smer struje u konturi. Ova veličina u potpunosti određuje magnetno polje elementarne strujne konture, a, kao što je pokazano u odeljku 1.3, određuje i moment elektricnog magnetnih sila kojim strano magnetno polje deluje na konturu.

2.4. Elektromagnetna sila između dva prava paralelna provodnika sa strujom.

Definicija apsolutnog ampera i magnetna permeabilnost vakuumu



Slika 2.12

odnosno

$$F_{12} = \frac{\mu_0}{2\pi} \frac{I_1 I_2}{d} l$$

(2.20)

Sila je upravna na provodnik (2) i orijentisana je ka provodniku (1).

Na potpuno analogan način se može izračunati sila kojom provodnik (2) deluje na odsečak provodnika (1). Lako je pokazati da je po apsolutnoj vrednosti $F_{21} = F_{12} = F$ i da je sila F_{21} orijentisana ka provodniku (2). Drugim rečima, kada su struje u oba provodnika istog smera, sile imaju privlačan karakter i teže da smanje rastojanje d . Ako se smer struje u jednom od provodnika promeni, promeniće se i smer sile i ove će po karakteru posati odbojne.

$$F = \frac{\mu_0}{2\pi} \frac{I^2}{d} l$$

(2.21)

Kao što je već rečeno u čl. 1.2.1 i 1.11.4, jedinica jačine struje u MKSA sistemu (SI), tzv. *apsolutni amper*, je definisana na osnovu elektromagnetne sile međusobnog

$F = k \frac{I_1 I_2}{d} l$

Posmatraćemo dva prava, neograničena i paralelna provodnika sa strujom, koji se nalaze na rastojanju d (slika 2.12). Pretpostavljamo da su struje u oba provodnika, I_1 i I_2 , istog smera. Magnetno polje struje I_1 u tačkama na osi provodnika (2) je upravno na ravan što je obrazuju ose dva provodnika, a magnetna indukcija ima intenzitet

$$B_1 = \frac{\mu_0}{2\pi} \frac{I_1}{d}$$

Elektromagnetna sila F_{12} kojom provodnik (1) deluje na odsečak provodnika (2) dužine l izračunava se prema obrascu (1.9), i ima intenzitet

$$F_{12} = I_2 l B_1,$$

